PCSI5 Lycée Saint Louis

Programme de colle du 7 au 11 décembre

Cours.

Chapitre 8: Ensembles et applications

- I. Ensembles.
 - (1) Ensembles, sous-ensembles.
 - (2) Union et intersection.
 - (3) Complémentaire.
 - (4) Produit cartésien.
- II. Applications.
 - (1) Définitions.
 - (2) Applications injectives, surjectives, bijectives.
 - (3) Composition d'applications.
 - (4) Image directe, image réciproque.
- III. Relation d'équivalence.

Chapitre 9 : Ensembles usuels de nombres

- I. Nombres entiers, décimaux, rationnels.
- II. Les nombres réels.
 - (1) Borne supérieure, borne inférieure.
 - (2) Intervalles de \mathbb{R} .
 - (3) Partie entière.
 - (4) Approximations décimales.

Chapitre 10 : Suites réelles

- I. Généralités.
 - (1) Définitions.
 - (2) Opérations sur les suites.
 - (3) Suites réelles et relation d'ordre.
- II. Limite d'une suite réelle.
 - 1. Limite finie.
 - 2. Limite infinie.
 - 3. Propriété sur des suites convergentes.
 - 4. Opérations sur les limites.
 - 5. Passage à la limite dans les inégalités.

PCSI5 Lycée Saint Louis

- III. Théorèmes d'existence d'une limite.
 - (1) Théorèmes d'encadrement.
 - (2) Convergence des suites monotones bornées.
 - (3) Convergence des suites adjacentes.
- IV. Suites extraites.
- V. Suites récurrentes
 - (1) Cas particuliers (suites arithmétiques, géométriques, arithmético-géométriques).

Questions de cours.

- \bullet Les classes d'équivalences forment une partition de E;
- Les intervalles de \mathbb{R} sont les parties convexes de \mathbb{R} ;
- Unicité de la limite ;
- La somme de 2 suites qui tendent vers 0 est une suite qui tend vers 0 et le produit d'une suite qui tend vers 0 par une suite bornée est une suite qui tend vers 0 ;
- Toute suite réelle croissante et majorée est conver gente, toute suite croissante et non majorée tend vers $+\infty$.

Prévisions.

Fin des suites, début de l'arithmétique et dénombrement.